

da Galatina - 28. I - 1916.

Ufficio - Signore - ho bisogno di dirle che  
ho gradito moltissimo la sua nota sulla  
"Esposizione tipografica ec.", però credo  
che maggior profitto di questa si trarrebbe  
se fosse più diffusa e più sviluppata - Se  
tutti gli studiosi avessero sotto gli occhi un  
fascicolo ad hoc da consultare - prima  
di mandare i propri lavori alle stampe  
il vantaggio - mi lasci paffare la pa-  
rola - sarebbe enorme. Veda lei  
se è il caso di far questo regalo a tutti.  
Per parte mia - e per quel che posso e so  
mi vi attirrò semplicemente - Dovendo sol-  
lamente una questione che m'interessa  
con una certa urgenza: Trattando  
delle idenità mi si è presentata la  
questione: quali fra esse dobbiamo  
dichiarare trasformazioni di una

stessa I - e quali generalizzazioni di questa  
 ha questione non so se sia nuova - è certamente  
 importante = secondo il mio modo di vedere  
 sono le due identità

$$(2\alpha)^2 + (\alpha^2 - 1)^2 = (\alpha^2 + 1)^2 \quad (\text{Platone})$$

$$(\alpha\beta)^2 + (\alpha^2 - \beta^2)^2 = (\alpha^2 + \beta^2)^2 \quad (\text{Euler})$$

Sono equivalenti e la seconda non è che  
 una trasformazione della prima e l'A. che  
 potrebbe assumere la paternità è Platone.  
 Così sono equivalenti le altre due

$$(\alpha^2 + b^2)(\alpha^2 + \beta^2) = ( )^2 + ( )^2; \quad (\text{Droste})$$

$$(\alpha^2 + nb^2)(\alpha^2 + n\beta^2) = ( )^2 + n( )^2; \quad (\text{Euler})$$

Mentre delle altre due identità

$$(\alpha\beta)^2 + (\alpha^2 - \beta^2)^2 = (\alpha^2 + \beta^2)^2,$$

$$\left( \sum_i \alpha_i^2 \right)^2 = \left( -\alpha_1^2 + \sum_i \alpha_i^2 \right)^2 + \sum_i (\alpha_i \alpha_i)^2,$$

dico la seconda generalizzazione della  
 prima - Così dico che la identità

$$\sum_i a_i^2 \sum_i b_i^2 = \sum_i b_i^2$$

è stata generalizzata da Euler mentre  
 l'altra

$$\sum_i a_i^2 \sum_i b_i^2 = \sum_i b_i^2,$$

e che questa è stata trasformata da  
 Lagrange (V. Formularo). Dico che

Degen ha generalizzato la identità  
di drofondo ed Eulero e che quella  
dello stesso Degen è insostituibile di  
una trasformazione perfetta, si-  
mile a quella che Lagrange ha  
dato di quella di Eulero. Le farò  
gratissimo se vorrà favorirmi  
il suo autorevolissimo giudizio  
su proposito e se vorrà tenere em-  
to del compleutto di questa mia.  
Pertanto le auguro ogni bene  
e colla maggiore osservanza  
e con affetto di stesepolo mi  
affeziono il suo d<sup>mo</sup> Gratian Landi

